

はじめに

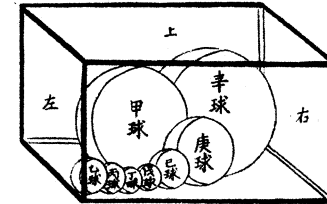
『改正諸術詳解 五巻』の読みを5回続け、今回（第30回定例会（平成26年2月））で終わります。会員全員で現代解と比較しながら、分数式・無理式を使わない鮮やかな解法の研究は大変好評でした。

次回、第31回定例会（平成26年7月予定）より、著名な和算書に目を向けることにします。

「算数ニ用ノ用有り、無用ノ用アリ、無用ノ無用アリ」と、凡例の冒頭に著者の精神を述べて有名な藤田貞資の著『算要算法 下巻』（1781年）です。藤田は、“無用の無用”を排し学習すれば有用となる“無用の用”の問題を収録しています。

例えば、右の問題（58番）が“無用の用”に属するものです。

また、安島直円は跋文で“数学ハ問ヲ設ルヲ難シトス術ヲ施スハ是ニ次グ”と述べ、この本の問題を絶賛しています。



当時、この本は学習書としてベストセラーになり、和算の一般化に大きな影響を与えました。そのため、解義本（写本）は多く残っています。藤田貞資の自筆本『精要算法諺解』（日本学士院所蔵）を読むことがベストと思いましたが、編集の都合で、『精要算法解 後編』六巻（藤原政饒著「東北大学所蔵」）を読むことにします。

巻一（13問）、巻二（12問）、巻三（9問）、巻四（16問）、巻五（7問）、巻五（5問）計62問です。原本と同じ順に収められています。また、問題は「易から難」の順で編集されています。

なお、『精要算法』の現代解は見当たりませんので、“現代解に力点”を置きたいと思います。

定例会では、1回につき5問程度、読みは原則1、2問、現代解は出来れば全問、発表は少なくとも2、3問を考えています。

『精要算法』は和算問題の典型を扱っていますので、これまで以上に「和算を楽しむ」ことができると確信しています。

精要算法解
後編

『精要算法』の著者 藤田貞資

『精要算法』は、天明元年（1781）に藤田貞資が刊行した。現在愛媛県立図書館に刊本が所蔵されている。その表紙が右である。

愛媛県立図書館の刊本には、新海正伯が解いたと思われる問題に●印がある（62問中26問）。その中の5問（3、9、12、36、38）には“詳”と印があり、これらは新海の『改正諸術詳解』に掲載されている。

藤田貞資の孫にあたる藤田貞升の塾には、明教館（現県立松山東高校）数学教授所の初代主任教授山崎喜右衛門が入門して学んだ。このことから、藤田貞資は愛媛の和算家に大きな影響を与えた人物である。次に、彼の略歴を紹介する。

関流四伝 藤田貞資

- 享保19年（1737） 武蔵国団叡郡（埼玉県深谷市本田）に生まれる。
- 明和3年（1766） 山路主住より関流免許を授かる。
- 明和5年（1768） 『一題十六品術』を著す。
久留米藩主有馬頼僮に招かれる。
- 安永元年（1772） 長子嘉言生まれる。後に有馬頼僮に仕える。
- 天明元年（1781） 『精要算法』を刊行する。
- 寛政元年（1789） 『神壁算法』を刊行する。
- 寛政9年（1797） 孫貞升生まれる。
- 文化4年（1807） 嘉言『続神壁算法』を刊行する。
貞資没

平成24年に深谷市の生家跡に「藤田雄山貞資先生顕彰碑」が建立された。

当時、関流の第一人者として称せられた独創力ある人物であったが、和算研究よりもむしろ和算の教授者として和算の普及発展に大きな貢献をした和算家である。

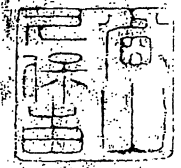


精要算法卷之下

南筑 久留米藩 藤田權平定資著

羽州 新庄藩 安島萬藏直圖訂

此書係德川幕府御用
以予購入セルノ學博士
狩野亨吉氏舊藏書



第一

今欲求弦一千寸以下鉤股弦無奇俗謂無不盡 件々但不用同

矩假令鉤三寸股四寸五寸或句六寸 其件々如左

鉤級	股級	弦級
三寸	四寸	五寸
五寸	一十二寸	一十三寸
八寸	一十五寸	一十七寸
七寸	二十四寸	二十五寸
二十。寸	三十一寸	三十九寸
一十二寸	三十五寸	三十七寸
九寸	四十。寸	四十一寸
二十八寸	四十五寸	五十三寸
一十一寸	六十。寸	六十一寸
一十六寸	六十三寸	六十五寸
三十三寸	五十六寸	六十五寸
四十八寸	五十五寸	七十三寸
三十六寸	七十七寸	八十五寸
一十三寸	八十四寸	八十五寸
三十九寸	八十。寸	八十九寸

六百九十六寸	六百九十七寸	九百八十五寸
四百七十三寸	八百六十四寸	九百八十五寸
三百七十二寸	九百二十五寸	九百九十七寸

右鉤股弦無奇數一百五十八條

今欲求大斜一百寸以下三斜及積各無奇件々但不用同矩其件々如左

小斜級	四寸	一十三寸	九寸	七寸	一十一寸	一十一寸	一十三寸	一十一寸	一十二寸
中斜級	一十三寸	一十四寸	一十五寸	一十三寸	一十七寸	一十七寸	一十七寸	一十七寸	一十七寸
大斜級	一十五寸	一十五寸	一十七寸	二十寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸
積級	二十四	八十四	三十六	四十二	六十六	八十四	一百一十六	一百一十六	九十九

~

一十七寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸	二十一寸
八十七寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸	八十九寸
一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸	一百〇〇寸
五百一十	八百四十	七百一十四	七百一十四	七百一十四	七百一十四	七百一十四	七百一十四	七百一十四	七百一十四

右三斜及積無奇數一百一十六條

<解説>

- 第一問は鉤股弦(直角三角形)の3辺をa, b, c とすると
三平方の定理 $a^2 + b^2 = c^2$ を満たす100以下の整数(ピタゴラス数)158通りを表にしています。
- 第二問は三角形の三辺を
小斜<中斜<大斜とし大斜が100以下で、3辺とその面積が整数になる116通りを表にしています。
- 三角形、特に直角三角形の問題は3辺がともに整数と考えて解いて下さい。
- この整数の求め方が解義としてありますが省略します。
- 無奇(数) ; 整数
- 不盡(尽) ; あまりが出ること、有奇
- 不尽数 ; 無理数
- 同矩 ; 比例

問題文 [1-3]

今 図のように、直角三角形内を斜線（界斜）で隔て、2円を容れる。

只云う 全円直径が8寸、小円直径が2寸、股が16寸のとき、界斜の長さはいくらか。

答曰 界斜の長さ 9寸

術曰 全径を置き、これを半し、もって股より減じ、その余りに全径と小径の差を乗じ得た数を全径でもってこれを除し界斜を得る。問いに合す。

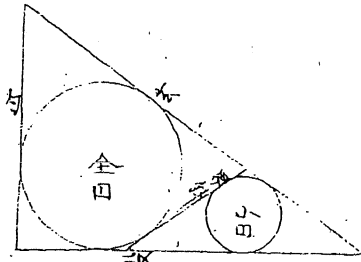
$$\frac{\left(\text{股} - \frac{\text{全径}}{2}\right)(\text{全径} - \text{小径})}{\text{全径}} = \text{界斜}$$

<解説>

- 全円；三角形の内接円
- 界斜；図形を2つに分ける斜線

今有_三如_二圖_一鉤_三股_二內_一隔_二斜_一容_二二_一圓_三只_二云_一全_二圓_一徑_三八_二寸_一小_二圓_一徑_三二_二寸_一問_三界_二斜_一幾_二何_一

答曰 界斜 九寸



術曰 置_二全_一徑_三半_二之_一以_二減_一股_三余_二乘_一全_二徑_一除_三之_二得_一界_二斜_一

合_二問_一

問題文 [1-4]

今 図のように、正方形内を甲斜、乙斜で隔て、大円、中円、小円を容れる。

只云う、大、中、小円径と甲、乙斜及び正方形の一辺の6和が55寸のとき、正方形の一辺の長さはいくらか。

(大+中+小+甲斜+乙斜+方面=55)

答曰 方面12寸

術曰 只云数(55)を置き、それに12を乗じ55をもって、これを除し、方面を得る。

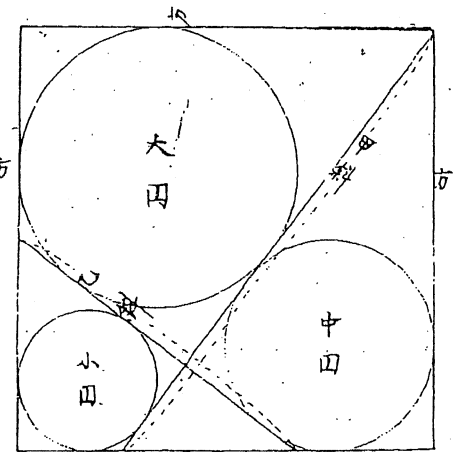
$$\frac{\text{只云数} \times 12}{55} = \text{方面}$$

<解説>

- 方 ; 正方形
- 方面 ; 正方形の1辺の長さ

問 術曰置只云数以一十二乘之以五十五除之得方面合

答曰方面一十二寸



一第 四

何 今有如圖方内隔甲乙斜容大中小圓只云大中小圓徑甲乙斜及方面六和五十五問方面幾

問題文 [1-6]

今 図のように、不等斜(斜数の多少にこだわらず。5斜を画く、これ仮の図である)内に大円を容れ、甲斜の傍らに5等円を並列し、乙斜の傍らに3等円を並列する。

只云う、甲斜2寸のとき、乙斜の長さはいくらか。

答曰 乙斜の長さ1寸

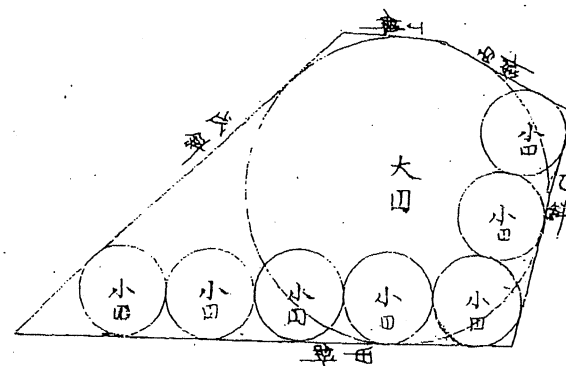
術曰 甲斜を置き、これを半し、乙斜を得る。

$$\frac{\text{甲斜}}{2} = \text{乙斜}$$

<解説>

- 不等斜(形) ; 不等辺多角形
- この問題は、平内延臣(福田延臣)著『算法変形指南』(1820年)で変形法という新しい方法で解かれている。

術曰置甲斜半之得乙斜合問



第六

今有如圖不等斜
者假内容大円傍甲斜并五
圖之
少所画五斜
不拘斜数
等円傍乙斜并三等円只
云甲斜寸二問乙斜幾何
答曰乙斜一寸

問題文 [1-5]

今 図のように、半円内を離矢で隔て、大円、小円を容れる。

只云う、大円径と小円径の和4寸、離矢2.4寸のとき、外円直径はいくらか。

答曰 外円直径5寸

術曰 離矢を置き、これを2倍し、内より大小円径和を減じ、これを4倍したものを法とする。

大小円径和を2乗し、この数を法で除し、外円直径を得る。

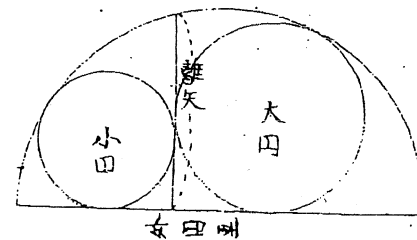
$$(\text{離矢} \times 2 - (\text{大} + \text{小})) \times 4 = \text{法}$$

$$\frac{(\text{大} + \text{小})^2}{\text{法}} = \text{外円直径}$$

<解説>

- 矢 ; 弓形の弧の midpoint からその弦に下した垂線(弦の midpoint)の長さ
- 離矢 ; 弦の midpoint から離れた点から下した垂線の長さ

術曰置離矢倍之内減之和餘四之爲法置之和自乘之得數以法除之得外円直径合問



第五

今有_下如圖半円内隔離矢容大
小円只云大小円径和_{寸四}離矢_{寸二}
問外円直径幾何

答曰外円直径五寸